



Gegeben: Punkt Z , Radius r , Umkreis $k = k(Z, r)$.

1. Wähle $A \in k$ $\rightarrow A$
2. Rechtwinklige zu ZA durch Z $\rightarrow g$
3. $k \cap g$ $\rightarrow G$
4. $k(M_{ZG}, \overline{M_{ZG}A}) \cap g$ $\rightarrow F$
5. \overline{AF} von A aus auf k 4 mal abtragen $\rightarrow B, C, D, E$

✂ **Aufgabe 4.6** «Übersetzen» und verkürzen Sie die Konstruktionsbeschreibung zur «Konstruktion mit Zirkel und Lineal bei gegebener Seitenlänge» zu finden im [Wikipedia-Artikel «Fünfeck»](#) in die hier vorgestellte Kurzschreibweise für Konstruktionsbeschreibungen.

4.3 Koordinatensystem

Um ein (rechtwinkliges) Koordinatensystem in der Ebene zu definieren, müssen 3 Dinge festgelegt werden:

- Ein Ursprung (auch Nullpunkt genannt) O (der Buchstabe 'O').
- Eine Einheitslänge.
- Eine Richtung für die erste Achse (x -Achse).

Die letzten zwei Dinge können z.B. durch die Wahl eines weiteren Punkts X festgelegt werden. Die Einheitslänge ist dann \overline{OX} . Normalerweise erhält man die y -Achse durch eine Drehung der x -Achse um 90° im **Gegenuhrzeigersinn**. Die x -Achse OX wird normalerweise horizontal mit positiver Richtung nach rechts und die y -Achse nach oben eingezeichnet.

✂ **Aufgabe 4.7** Zeichnen Sie auf kariertem Papier ein Koordinatensystem mit Mittelpunkt in der Blattmitte, Einheit 2 Häuschen und x -Achse nach rechts, y -Achse nach oben. Zeichnen Sie (in der gegebenen Reihenfolge) folgende Objekte ein:

- a) Punkte $A = (8, 2)$, $B = (2, -6)$, $C = (-4, -4)$.
- b) Mittelsenkrechten m_{AB} und m_{BC} .
- c) Schnittpunkt $D = m_{AB} \cap m_{BC}$. Schätzen Sie die Koordinaten von D ab.
- d) Strecke AB , Angabe der Länge $\ell = \overline{AB}$ (in Einheitslängen!).
- e) Kreis $k_1 = k(D, \overline{DA})$. Was stellen Sie fest? Können Sie Ihre Feststellung beweisen?
- f) $E = M_{AD}$ und $k_2 = k(E, \overline{EA})$.
- g) Messen Sie die Dreieckswinkel $\alpha = \sphericalangle CAB$, $\beta = \sphericalangle ABC$ und $\gamma = \sphericalangle BCA$. Berechnen Sie deren Summe. Was sollte das Ergebnis sein? Warum ist dem eher nicht so?
- h) Strecken $a = BC$, $b = AC$, $c = AB$.
- i) $F = m_{AB} \cap c$. Gilt $F \in k_2$? Ist das Zufall oder können Sie das beweisen?
- j) Ist $\overline{DF} = \overline{AF}$? Gilt das auch, wenn man die Punkte A, B, C etwas anders wählt?

4.4 Geometrische Örter

Ein **Geometrischer Ort** ist eine Menge von Punkten, die eine bestimmte Eigenschaft haben, bzw. eine bestimmte Bedingung erfüllen. In der konstruktiven Geometrie sind geometrische Örter normalerweise Geraden oder Kreise.