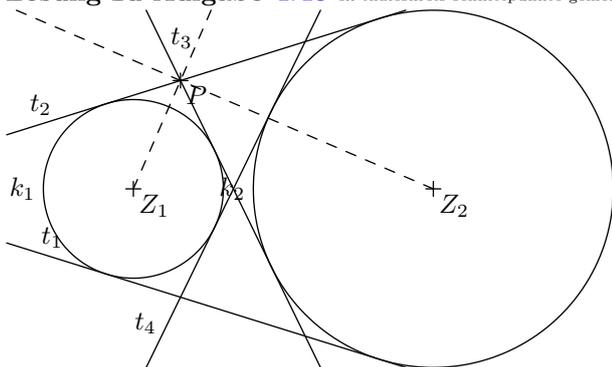


1.  $g \cap k \rightarrow T$
2.  $\perp$  zu  $ZT$  durch  $T \rightarrow$  Tangente  $t$
3.  $\vartheta = \sphericalangle(g, t) \rightarrow$  Einfallswinkel  $\theta$  (theta)
4.  $\vartheta$  an  $t$  bei  $T$  abtragen  $\rightarrow$  Lösung  $r$

**Lösung zu Aufgabe 4.40** ex-thaleskreis-schnittpunkte-gemeinsamer-tangenten



Der Beweis wird hier exemplarisch für den Punkt  $P = t_2 \cap t_3$  geführt. Da  $t_2$  und  $t_3$  Tangenten an  $k_1$  sind, halbiert  $Z_1P$  den Winkel  $\sphericalangle(t_2, t_3)$ . Analog teilt auch  $Z_2P$  den Winkel  $\sphericalangle(t_2, t_3)$ . D.h.  $Z_1P$  und  $Z_2P$  sind ein Winkelhalbierendespaar und somit rechtwinklig aufeinander, was beweist, dass  $P$  auf dem Thaleskreis über  $[Z_1Z_2]$  liegt.

**Lösung zu Aufgabe 4.41** ex-geom-ort-winkelhalbierende

Ein Kreis, der zwei Geraden berührt, muss sein Zentrum  $Z$  auf der Winkelhalbierenden haben. Die Konstruktion des Kreisenzentrums und des Kreises ist wie folgt:

1.  $c \rightarrow$  1.g.O.f.Z
2.  $w_\gamma \rightarrow$  2.g.O.f.Z
3.  $\perp$  zu  $b$  durch  $Z \rightarrow g$
4.  $g \cap b \rightarrow$  Berührungspunkt  $P$
5.  $k(Z, \overline{ZP}) \rightarrow$  1. Lösung

**Lösung zu Aufgabe 4.42** ex-geometrische-oerter5

- a) 1.  $w_{gh}^1, w_{gh}^2 \rightarrow$  1.g.O.f.Z
2. Parallelenpaar zu  $g$  im Abstand 1  $\rightarrow$  2.g.O.f.Z

Es gibt 4 Lösungen.

- b) 1. Kreise  $k(M_1, 3 \pm 1) \rightarrow$  1.g.O.f.Z
2. Kreise  $k(M_1, 2.5 \pm 1) \rightarrow$  2.g.O.f.Z

Es kann bis zu 8 Lösungen geben. Im konkreten Fall gibt es 6 Lösungen.

- c) 1. Kreise  $k(M, 3 \pm 1) \rightarrow$  1.g.O.f.Z
2. Parallelenpaar zu  $g$  im Abstand 1  $\rightarrow$  2.g.O.f.Z

Es kann bis zu 8 Lösungen geben. Im konkreten Fall gibt es 7 Lösungen.

**\* Lösung zu Aufgabe 4.43** ex-ortsbogen-aufgabe-beweisen

Sei  $t$  die gemeinsame Tangente an  $k_1$  und  $k_2$  im Punkt  $B$ . Der Winkel  $\alpha = \sphericalangle(t, g)$  ist ein Sehnen-Tangenten-