



Analog zum Eingangsbeispiel mit dem Fahrradfahrer ist auch hier die Fläche unter der Geschwindigkeitskurve die zurückgelegte Distanz:

Es ist also  $s(3) = \int_0^3 8t \, dt = 36[m]$ . Damit legt der Sportwagen eine Strecke von 36 m zurück

✳ **Lösung zu Aufgabe 498** ex-federpendel

Die Kraft zieht in der entgegengesetzten Richtung wie die Auslenkung.

- $s(t) = \sin(t)$  oder  $s(t) = \cos(t)$  und Vielfache und Summen davon erfüllen die Bedingung.
- $s(t) = \sin(ct)$  oder  $s(t) = \cos(ct)$  und Vielfache und Summen davon erfüllen die Bedingung. Die Konstante  $c$  ist proportional zur Frequenz, welche gleich  $2\pi \cdot c$  ist.
- Die Gleichung kann wie folgt geschrieben werden:

$$s''(t) = -\frac{k}{m} \cdot s(t)$$

Also erfüllt z.B.  $s(t) = \sin\left(\sqrt{\frac{k}{m}} \cdot t\right)$  die Bedingung. Die Frequenz steigt mit der Federkonstante (je härter die Feder, desto höher die Frequenz) und fällt mit der Masse (je grösser die Masse, desto langsamer die Schwingung).

✳ **Lösung zu Aufgabe 499** ex-exponentielles-wachstum

- Z.B.  $N(t) = e^t$  ist so eine Funktion. Aber auch alle Vielfachen davon, z.B.  $N(t) = N_0 \cdot e^t$  mit  $N_0 \in \mathbb{R}$ .
- Z.B.  $N(t) = e^{c \cdot t}$  ist so eine Funktion. Aber auch alle Vielfachen davon, z.B.  $N(t) = N_0 \cdot e^{c \cdot t}$  mit  $N_0 \in \mathbb{R}$ .
- Die Wachstumsrate  $c$  muss gegeben sein, und die Anzahl Bakterien  $N_0$  zur Zeit  $t = 0t$ .

✳ **Lösung zu Aufgabe 500** ex-abkuehlen

Abkühlrate ist das  $c$ -fache der Temperatur  $T(t)$ , mit  $c \in \mathbb{R}^+$ :

$$T'(t) = -cT(t)$$

Eigentlich wäre es sinnvoller, die Abkühlrate mit einem negativen Vorzeichen zu versehen, die Gleichung ist so aber sprechender.

Betrachtet man erst  $T'(t) = -T(t)$  findet man z.B.  $T(t) = e^{-t}$  als Lösung.

Eine Lösung ist  $T(t) = e^{-ct}$ , die allgemeine Lösung ist  $T(t) = T_0 \cdot e^{-ct}$ , wobei  $T_0 \in \mathbb{R}$  als Anfangstemperatur interpretiert werden kann.

✳ **Lösung zu Aufgabe 501** ex-kreisflaeche

- $f(x) = \sqrt{1-x^2}$  (via Satz von Pythagoras).
- $A = \int_0^1 \sqrt{1-x^2} \, dx = \frac{\pi}{4}$  (via TR). Also ist die Einheitskreisfläche  $\pi$ .

✳ **Lösung zu Aufgabe 502** ex-parabel-bogenlaenge

Die eine horizontale Kathete ist  $dx$ , die vertikale Kathete ist  $f'(x) \cdot dx$ . Damit hat das Tangentenstück die Länge  $\sqrt{(f'(x) \cdot dx)^2 + (dx)^2} = \sqrt{(f'(x))^2 + 1} \cdot dx$ .

Die Länge ist also

$$\int_0^1 \sqrt{(f'(x))^2 + 1} \, dx = \int_0^1 \sqrt{\left(\frac{1}{2}x\right)^2 + 1} \, dx = \frac{4 \ln(\sqrt{5} + 1) - 4 \ln(2) + \sqrt{5}}{4} \approx 1.04023 \quad \text{mit TR}$$